

<b>Denominazione dell'insegnamento:</b> Tecnica Attuariale delle Assicurazioni Sociali	
<b>Denominazione dell'insegnamento in inglese:</b> Pensions Mathematics	
<b>Ambito disciplinare:</b>	
<b>Tipologia di attività formativa:</b> Affini e Integrative	
<b>SSD (settore scientifico disciplinare):</b> SECS-S/06	
<b>Crediti Formativi (CFU):</b> 5	
<b>Ore di lezione in Aula:</b> 30	<b>Ore riservate allo studio individuale:</b> 95
<b>Ore di esercitazione/laboratorio:</b>	
<b>Lingua d'insegnamento:</b> Italiano	
<b>Anno di corso:</b> 2°	
<b>Propedeuticità:</b>	
<b>Organizzazione della Didattica (lezioni, esercitazioni, laboratorio ecc.):</b> Lezioni frontali – Esercitazioni in aula informatizzata	
<b>Modalità di frequenza:</b> Obbligatoria	
<b>Modalità di erogazione:</b> Tradizionale	
<b>Metodi di valutazione (prova scritta, orale, ecc.):</b> Orale	
<b>Risultati di apprendimento previsti:</b> Fornire allo studente i principi e le tecniche attuariali impiegate nelle assicurazioni sociali in senso lato e più specificatamente per la previdenza sociale	
<b>Programma/contenuti:</b>	
<b>1 Previdenza sociale</b> Assicurazioni sociali e sicurezza sociale. Evoluzione della sicurezza sociale in Italia. I sistemi finanziari di gestione. Mutualità e solidarietà. Previdenza e assistenza. I tre pilastri. Le forme di previdenza complementare.	
<b>2 La teoria dei rischi concorrenti</b> Collettività soggette a più rischi di eliminazione. Probabilità pure e relative. Relazione di Karup. La teoria delle collettività suddivise in gruppi. Consistenza e movimentazione tra gruppi. Il modello IVS.	
<b>3 Valori attuali medi</b> Coeffienti di capitalizzazione di I, II e III tipo. Valori attuali medi per generazione e per anno di gestione di prestazioni, salari e contributi.	
<b>4 Premi</b> Premi medi classici. Premio medio per generazione, premio medio di ripartizione dei capitali di copertura, premio medio di ripartizione pura, premio medio generale. Teoremi di convergenza tra premi a regime, confronti tra premi sotto diverse ipotesi economiche e finanziarie.	
<b>5 Le riserve matematiche</b> Riserve collettive: le riserve degli attivi e dei pensionati. Le riserve individuali. Grado di capitalizzazione dei sistemi finanziari di gestione.	
<b>6 Bilanci tecnici</b> La struttura del bilancio tecnico. La scelta delle ipotesi. La valutazione dell'equilibrio tecnico-attuariale.	
<b>Bibliografia</b> <b>Tomassetti A. et alii</b> (1995) – Tecnica attuariale per collettività, vol. 1 e 2 - Ed. Kappa, Roma. <b>Winklevoss H. E.</b> (1993) – Pension Mathematics – Ed. Pension Research Council of Warthon School of the University of Pennsylvania, Philadelphia. <b>Bowers N. L. et al.</b> (1997) – Actuarial Mathematics – Ed. Society of Actuaries.	

Degree Course (specify if 1st Cycle, 2nd Cycle, or one-tier, degree ect.): 2 <sup>nd</sup> cycle
Degree Class: LM-82
Scientific disciplinary Sector: SECS-S/06
Department: Economics, statistics and finance
Name of the Teacher: Marco Pirra
Contact details on the teacher (e-mail, etc.): <a href="mailto:marco.pirra@unical.it">marco.pirra@unical.it</a>
any other teachers involved: no one
Title of the Teaching Unit: Pension Mathematics
Code of the Teaching Unit: 27003131
Type of teaching Unit: characterizing
Level of the Teaching Unit: 2 <sup>nd</sup> cycle
Year of study: II year
Year, Semester, trimester in which the teaching unit is provided: I Semester
Period: I Semester
Hours of lectures: 30
Hours of individual study: 85
Laboratory hours (where applicable): 0
Number of Credits CFU/ECTS awarded: 5
Teaching language: Italian
Organization of teaching (lectures, tutorials, laboratory, etc.): lectures and exercises
Frequency mode (compulsory, optional): compulsory
Mode of delivery (front, at a distance, mixed): front
Methods of evaluation (written, oral, etc): oral exam
Learning outcomes: At the end of the course the student will acquire the principle and the basic techniques of actuarial mathematics applied to pensions, both for the first and the second pillar.
Prerequisites/Co-requisites:none
Other optional Teaching Units: none
Content of the Program/Course:
<b>1 Social protection</b>
Social insurance and social security. The social security evolution in Italy, United Kingdom and Germany. The funding systems. Mutuality e solidarity. Insurance and assistance. The three pillars. Taxonomy of the pension plan.
<b>2 Collectivity theory</b>
Population exposed to different elimination causes. Pure and relative probability. Karup theorem. The theory of population divided in groups. The IVS model.
<b>3 Actuarial present value</b>
Capitalization Coefficient: I, II and III type. Actuarial present value for a cohort or for one year.
<b>4 Premium</b>
Average premium. Average premium for a cohort, PAYG premium, General average premium (GAP).

Convergence theorem. Comparison between premium systems under different demographics, economics and financial hypothesis.

### **5 Mathematical reserves**

Mathematical reserves for a population: insured and pensioners reserves. Individual reserves. Capitalization of a funding system.

### **6 Actuarial evaluation**

Release of contribution periods. Transition between pension plans. Closure of a pension plan. Change of funding system.

Suggested texts

**Tomassetti A. et alii**, 1995, *Tecnica attuariale per collettività*, vol. 1 e 2, Ed. Kappa, Roma.

**Winklevoss H. E.**, 1993, *Pension Mathematics*, Ed. Pension Research Council of Warthon School of the University of Pennsylvania, Philadelphia.

### **Lecture notes**

Planned learning activities and teaching methods: self-study, lectures and exercises

Methods and assessment criteria: Written and oral examination

Internships/placements: not the case